

電磁気学 1 演義 第 3 回

アドバンストクラス追加問題

真空中でマクスウェル方程式の平面波解を考える。 $+z$ 方向に進む角振動数 ω の解として、

$$\hat{\mathbf{x}}e^{i(kz-\omega t)}, \quad \hat{\mathbf{y}}e^{i(kz-\omega t)} \quad (1)$$

の 2 つが独立であるから、電場としてこれらの線形結合

$$\mathbf{E}(z, t) = (E_x \hat{\mathbf{x}} + E_y \hat{\mathbf{y}}) e^{i(kz-\omega t)} \quad (2)$$

を考えることができる。ここで、 $E_{x,y}$ は複素定数である。複素表示の場合、その実部が実際の電場を表していることに注意して、以下の問い合わせよ。

1. E_x と E_y が同じ複素位相を持つとき、この電磁波は「直線偏光」であるという。 $E_0(>0)$, ϕ , θ を定数として、 $E_x = E_0 e^{i\phi} \cos \theta$, $E_y = E_0 e^{i\phi} \sin \theta$ のときの電場ベクトルを実表示で求め、電場の方向を図示せよ。電場の方向は時間とともに変化するか。
2. E_x と E_y の位相が異なるときは、橿円偏光という。その特別な場合として、 $E_y = \pm i E_x$ の場合を「円偏光」と呼ぶ。円偏光の場合、空間の任意の点で電場ベクトルが、時間とともに円を描いて回転していることを示せ。

光学では、 $E_y = +i E_x$ は左円偏光、 $E_y = -i E_x$ は右円偏光、と呼ばれる。